

ДОСЛІДЖЕННЯ ЕФЕКТИВНОСТІ ЗАСТОСУВАННЯ ЙМОВІРНІСНИХ ХАРАКТЕРИСТИК ПРИ ФОРМУВАННІ ШИРОКОСМУГОВИХ СИГНАЛІВ В РОЗПОДІЛЕНИХ КОМП'ЮТЕРНИХ СИСТЕМАХ

М. І. КОЗЛЕНКО

*Приватний вищий навчальний заклад "Галицька академія"
76018, м. Івано-Франківськ, вул. Вовчинецька, 227*

Проведено исследование эффективности применения различных вероятностных характеристик при формировании и обработке широкополосных сигналов с переменными вероятностными характеристиками. Установлено, что наибольшую помехоустойчивость среди рассмотренных характеристик обеспечивает энтропия. При этом оценивание следует проводить через стандартное отклонение входного сигнала.

The efficiency examination of various probable characteristics such as variance, root mean square standard deviation, central moments of various exponents, entropy for the forming and processing spread spectrum signals have been done. The differential entropy formula by standard deviation has been proved the most effective entropy estimation for the noise proof feature index of the data exchange method with variable probable characteristics signals.

Вступ

Одним з найважливіших питань надійного функціонування розподілених комп'ютерних систем та мереж є стабільність обміну даними. Як правило, заводо захищеність передачі даних в сучасних умовах забезпечується використанням широкосмугових сигналів [1, 2]. Традиційні методи формування широкосмугових сигналів мають низку недоліків, зокрема, нерівномірність розподілу енергії сигналів за частотами [3], суттєва апаратна та алгоритмічна складність та ін., що не дозволяє повною мірою використати їх переваги. Отже, розроблення нових методів формування та опрацювання широкосмугових сигналів є актуальною науковою задачею.

Постановка проблеми в цілому

Необхідність у якісному та швидкому обміні даними у розподілених комп'ютерних системах та мережах зумовлює практичне завдання по створенню простих, надійних та недорогих приймально-передавальних каналоутворюючих пристроїв. Результативне вирішення цього завдання можливе за умови успішного розв'язання наукових проблем створення та розвитку нових ефективних методів передавання та приймання інформації в таких системах, зокрема, способів формування та опрацювання широкосмугових сигналів.

Аналіз досліджень та публікацій

Започаткування розв'язання проблеми шляхом використання широкосмугових сигналів зі змінними ймовірнісними характеристиками випадкових сигналів міститься у [4, 5]. Запропонований метод формування та опрацювання широкосмугових сигналів, що базується на використанні у якості носія шумоподібного випадкового сигналу з близьким до нормального розподілом амплітуд і рівномірною спектральною щільністю енергії, одна або декілька ймовірнісних характеристик якого поставлені у відповідність до символів інформаційного повідомлення, що передається. На даний час проведено дослідження впливу завод, що діють у каналі, на такі сигнали [6]. Оцінена рівномірність розподілу енергії таких сигналів за частотами [3]. Раніше невирішеною частиною загальної проблеми є порівняння ефективності застосування різних характеристик, саме цьому і присвячена дана робота.

Формулювання цілей даної роботи

Отже, об'єктом дослідження є заводостійкість методу при застосуванні різних характеристик, а отримання кількісних показників і їх порівняння основною метою роботи.

Викладення основного матеріалу досліджень

При опрацюванні сигналів за даним методом виділення символів повідомлення відбувається шляхом статистичного оцінювання значень ймовірнісних характеристик

відповідних фрагментів (символьних інтервалів) сигналу з подальшим ухваленням рішення щодо значення двійкового символу шляхом порівняння з порогом.

Для стаціонарних випадкових процесів розрахунок значення ймовірнісної характеристики за скінченим проміжком часу на підставі даних однієї з реалізацій процесу, є статистичною оцінкою значення застосованої характеристики. Такий розрахунок може виконуватись або шляхом неперервного усереднення за часом або на підставі n вибіркового значень [7]. В останньому випадку, такі вибіркові значення утворюють класичну статистичну випадкову вибірку об'ємом n [7]. Вибіркові значення r_i беруться у моменти часу t_i , $i = 1, 2, \dots, n$.

Статистичні оцінки ймовірнісних характеристик, які доцільно дослідити, з погляду впливу на завадостійкість методу, можна розрахувати за такими аналітичними виразами:

Оцінка дисперсії (вибіркова дисперсія):

$$s^2_{r(t)} = \frac{1}{n-1} \cdot \sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r}_{r(t)})^2, \quad (1)$$

де i - порядковий номер відліку реалізації випадкового процесу,
 n - кількість відліків реалізації процесу, що використовуються для оцінювання,
 r_i - значення процесу в момент часу t_i ,
 $\bar{r}_{r(t)}$ - оцінка математичного сподівання процесу (вибіркове середнє), визначається згідно (2)

$$\bar{r}_{r(t)} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n r_i. \quad (2)$$

Оцінка середнього квадратичного відхилення:

$$s_{r(t)} = \sqrt{s^2_{r(t)}}. \quad (3)$$

Оцінка центрального моменту порядку w :

$$\hat{\mu}_{wr(t)} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n (r_i - \bar{r}_{r(t)})^w. \quad (4)$$

Оцінка ентропії за формулою Хартлі:

$$\hat{H}_{hr(t)} = \log_2 \hat{m}. \quad (5)$$

Оцінка ентропії за формулою Шеннона:

$$\hat{H}_{shr(t)} = - \sum_{j=1}^m \hat{p}(R_j) \cdot \log_2 (\hat{p}(R_j)), \quad (6)$$

при цьому вважається, що $0 \cdot \log_2(0) = 0$,

де $\hat{p}(R_j)$ - відносна частота стану R_j , визначається згідно (7):

$$\hat{p}(R_j) = \frac{n_j}{n}, \text{ для кожного } j = 1, 2, \dots, m, \quad (7)$$

де n_j - кількість разів прийняття значенням сигналу стану R_j .

Відносна частота $\hat{p}(R_j)$ є конзистентною статистичною оцінкою відповідної ймовірності $p(R_j)$. Формула (6) для оцінки ентропії отримана шляхом заміни ймовірностей у відомій формулі Шеннона на відповідні відносні частоти.

Оцінка диференційної ентропії обчислена через стандартний відхил для нормально розподіленого процесу:

$$\hat{H}_{dnr(t)} = \log_2 \sqrt{2\pi e} \cdot s_{r(t)}. \quad (8)$$

Слід зауважити, що усі наведені вище оцінки є конзистентними. Проте, деякі з них є зсунутими. Одним зі шляхів уникнення зсунутості оцінок є введення у формулу розрахунку оцінок відповідного коригуючого коефіцієнту, який є функцією розміру вибірки n . Проте, наслідком цього є зменшення ефективності оцінок, тобто збільшення їх дисперсії, що не завжди є прийнятним.

Для визначення ефективності застосування різних ймовірнісних характеристик сигналів $s_1(t)$ та $s_2(t)$ для реалізації обміну даними за допомогою широкосмугових сигналів проведено дослідження залежності ймовірнісних закономірностей сигналу $z(T)$ в точці ухвалення рішень, який є випадковою величиною, від розміру вибірки n , на підставі даних якої формується сигнал $z(T)$. Для даного методу, сигнал $z(T)$ є статистичною оцінкою значень згаданих ймовірнісних характеристик. На основі проведених багаторазових ($l = 100$ разів для випадку використання кожної з характеристик) розрахунків значень сигналу $z(T)$ у відповідності до (1), (3), (4) для центральних моментів 3-го, 4-го, 5-го, 6-го та 7-го порядків, (5), (6) та (8) для сигналів $s_1(t)$ та $s_2(t)$, за наявності завади $n(t)$, за умови ідеальності імпульсної характеристики каналу, розраховані статистичні оцінки \hat{a} та s_0 таких параметрів розподілу значень сигналу $z(T)$, як математичне сподівання a та середній квадратичний відхил (СКВ) σ_0 згідно наступних виразів.

Оцінка математичного сподівання:

$$\hat{a} = \overline{z(T)} = \frac{1}{l} \sum_{k=1}^l z(T)_k, \quad (9)$$

де k - порядковий номер значення $z(T)$,
 l - загальна кількість отриманих значень,
 $z(T)_k$ - значення $z(T)$ з порядковим номером k .

Оцінка СКВ:

$$s_0 = \sqrt{\frac{1}{l-1} \sum_{k=1}^l (z(T)_k - \overline{z(T)})^2}. \quad (10)$$

Для даного дослідження вибір сигналів $s_1(t)$, $s_2(t)$ та $n(t)$ здійснено у один з найбільш наочних варіантів, коли перший стан інформаційного символу, логічна "1" - це випадковий сигнал $s_1(t)$ з розподілом ймовірностей близьким до нормального, рівномірною спектральною щільністю і відповідним сталим рівнем ентропії, а другий стан символу, логічний "0" - сигнал $s_2(t)$ - пасивна пауза з нульовим рівнем ентропії. Завада $n(t)$, що діє у каналі, розглядається як стаціонарний адитивний білий гаусів шум - AWGN.

За критерієм ортогональності (11), (12), такі сигнали $s_1(t)$ та $s_2(t)$ є ортогональними, оскільки інтегрування за часом протягом тривалості символного інтервалу скалярного добутку $s_1(t)$ та $s_2(t)$ дорівнює нулю [1].

$$\int_0^T s_b(t) s_c(t) dt = K_b \delta_{bc}, \quad 0 \leq t \leq T, \quad b, c = 1, \dots, M, \quad (11)$$

$$\text{де } \delta_{bc} = \begin{cases} 1 & \text{для } b = c \\ 0 & \text{для } b \neq c \end{cases} \text{ - дельта-функція Кронекера,} \quad (12)$$

- M – кількість сигналів у наборі, для двійкового базису $M = 2$
- K_b – ненульові константи,
- T – тривалість символного інтервалу.

Сигнал $s_1(t)$ та завада $n(t)$ – змодельовані випадкові сигнали з частотною смугою від 0,1 до 24000 Гц, частота дискретизації яких складає величину 48000 Гц. Потужність сигналу $s_1(t)$ обрано на рівні $S_1 = -18$ дБВт, потужність сигналу $s_2(t)$ $S_2 = 0$ Вт, а потужність завади $n(t)$ обрано на рівні $N = -18$ дБВт. Таким чином, відношення сигнал/завада складає $S/N = -3$ дБ при однаковій частоті появи та тривалості сигналів $s_1(t)$ та $s_2(t)$. Середня потужність S сигналу при однаковій частоті появи та тривалості $s_1(t)$ та $s_2(t)$ визначається згідно наступного виразу (для розглянутих сигналів $S_2 = 0$ Вт):

$$S = \frac{S_1 + S_2}{2}. \quad (13)$$

Ефективність використання кожної з наведених ймовірнісних характеристик для розробленого методу доцільно оцінювати за критерієм, який враховує ймовірнісні розподіли сигналів та завад. Таким критерієм обрано відношення різниці бажаних сигнальних компонент в точці прийняття рішень до двократного середнього квадратичного відхилення в цій точці, з подальшим порівнянням для випадків застосування різних ймовірнісних характеристик:

$$K = (a_1 - a_2)/(2\sigma_0). \quad (14)$$

Вибір такого критерію є обґрунтованим, оскільки це співвідношення є визначальним для ймовірності спотворення двійкового символу при заданому нормованому відношенні сигнал/завада. Для визначення ефективності проведено порівняння експериментально отриманої оцінки (15) означеного вище критерію, що визначається на підставі статистичних оцінок відповідних параметрів.

$$\hat{K} = (\hat{a}_1 - \hat{a}_2)/(2s_0). \quad (15)$$

Порівняння проведено для таких характеристик як, СКВ, дисперсія, центральні моменти 3, 4, 5, 6 та 7-го порядків, а також ентропія розподілу ймовірностей обчислена за різними формулами. Результати проведеного дослідження для розмірів вибірок n в межах від 2 до 100000 подано на рис. 1. Вихідний код програми розрахунку критерію реалізовано у середовищі MATLAB.

Як можна побачити з рис. 1, використання ентропії обчисленої за дисперсією забезпечує найкращу ефективність. Спостерігається перевищення завадостійкості за означеним критерієм в межах від 10 до 18 %. Характер залежностей для СКВ, дисперсії та центральних моментів 4-го та 6-го порядку суттєво відрізняється один від одного. Найкращою ефективністю з них відрізняється СКВ, тому в подальшому розгляд доцільно обмежити тільки цією однією характеристикою.

При порівнянні ефективності дисперсії та ентропії за формулою Шеннона, можна побачити, що при малих значеннях розміру вибірки, що використовуються для оцінювання, у якості змінної характеристики сигналів, ефективнішою є дисперсія, при кількості відліків, що перевищує ≈ 60000 більш ефективною є ентропія. Перевищення ефективності моменту 4-го порядку над ентропією за Шенноном спостерігається у діапазоні розмірів вибірок до ≈ 17000 , а моменту 6-го порядку до ≈ 5000 . Ефективність ентропії за Хартлі до ≈ 50000 відліків приблизно еквівалентна ефективності ентропії за Шенноном, після цієї кількості ефективність ентропії за Шенноном є незначно вищою. Аналіз ефективності центральних моментів непарних порядків показує їх вкрай малу ефективність, що пояснюється зосередженістю значень оцінок для обох сигналів навколо одного значення математичного сподівання. Тому, в подальшому центральні моменти непарних порядків не розглядаються.

Детальніше залежності значення критерію від розміру вибірок представлено на рис. 2 в межах розмірів вибірок від 2 до 4000.

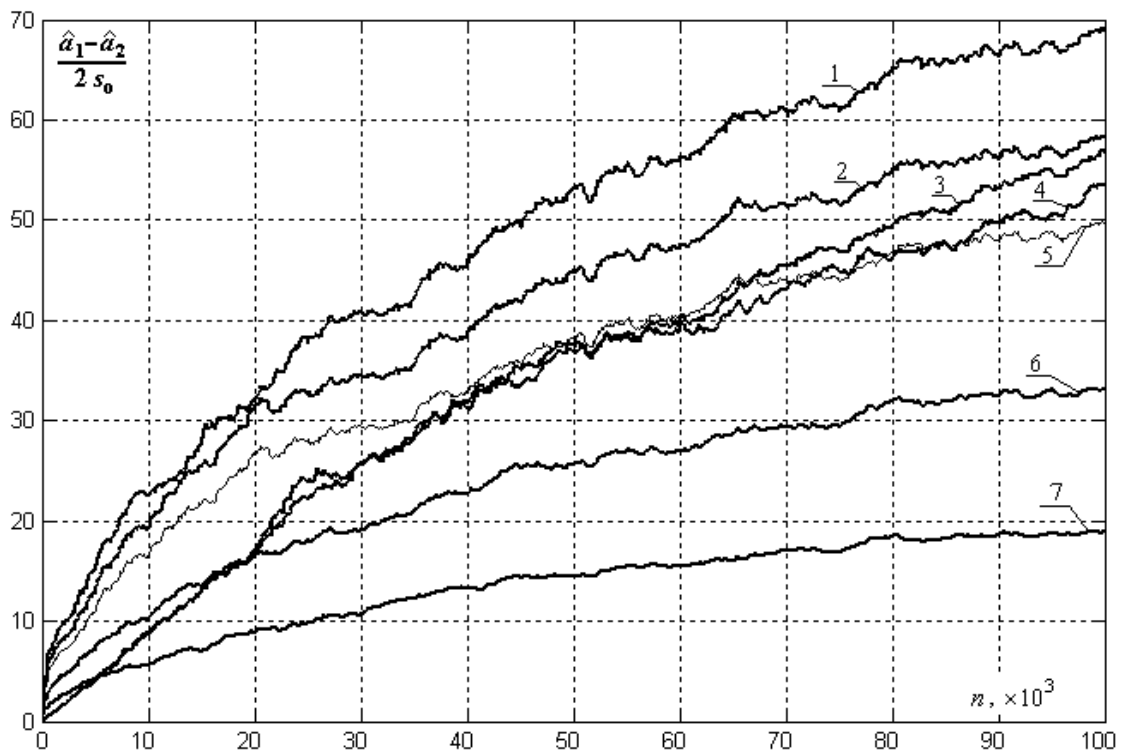


Рисунок 1 - Залежність співвідношення $(\hat{a}_1 - \hat{a}_2)/(2s_0)$ від розміру вибірки n в межах до 100000 відліків ($S/N = -3$ дБ): 1 – ентропія обчислена за дисперсією, 2 – СКВ, 3 – ентропія за Шенноном, 4 - ентропія за Хартлі, 5 – дисперсія, 6 – центральний момент 4-го порядку, 7 – центральний момент 6-го порядку

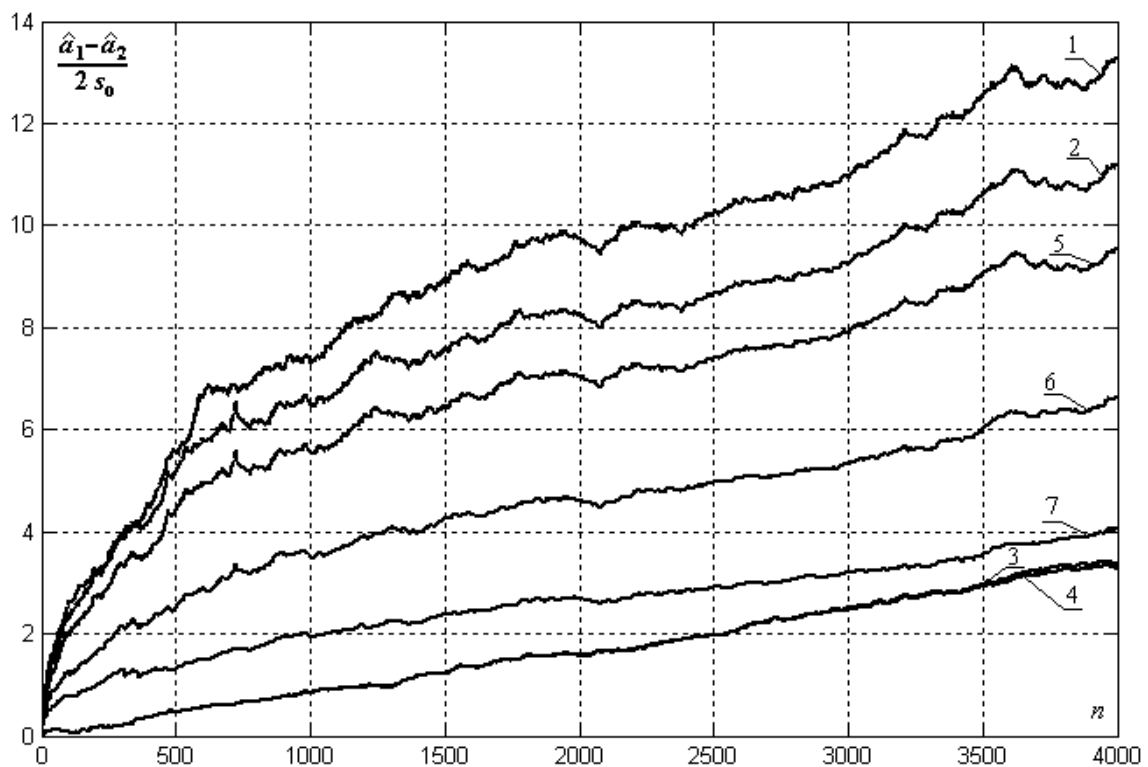


Рисунок 2 - Залежність співвідношення $(\hat{a}_1 - \hat{a}_2)/(2s_0)$ від розміру вибірки n в межах до 4000 відліків ($S/N = -3$ дБ): 1 – ентропія обчислена за дисперсією, 2 – СКВ, 3 – ентропія за Шенноном, 4 - ентропія за Хартлі, 5 – дисперсія, 6 – центральний момент 4-го порядку, 7 – центральний момент 6-го порядку

Детальніше залежності складових оцінки критерію $(\hat{a}_1 - \hat{a}_2)/(2s_0)$ подано на рис. 3 – 10, зокрема, на рис. 3 та 4 подано залежності \hat{a}_1 , \hat{a}_2 та s_0 від кількості відліків у випадку застосування СКВ у якості змінної характеристики сигналів в межах кількості відліків n від 2 до 4000.

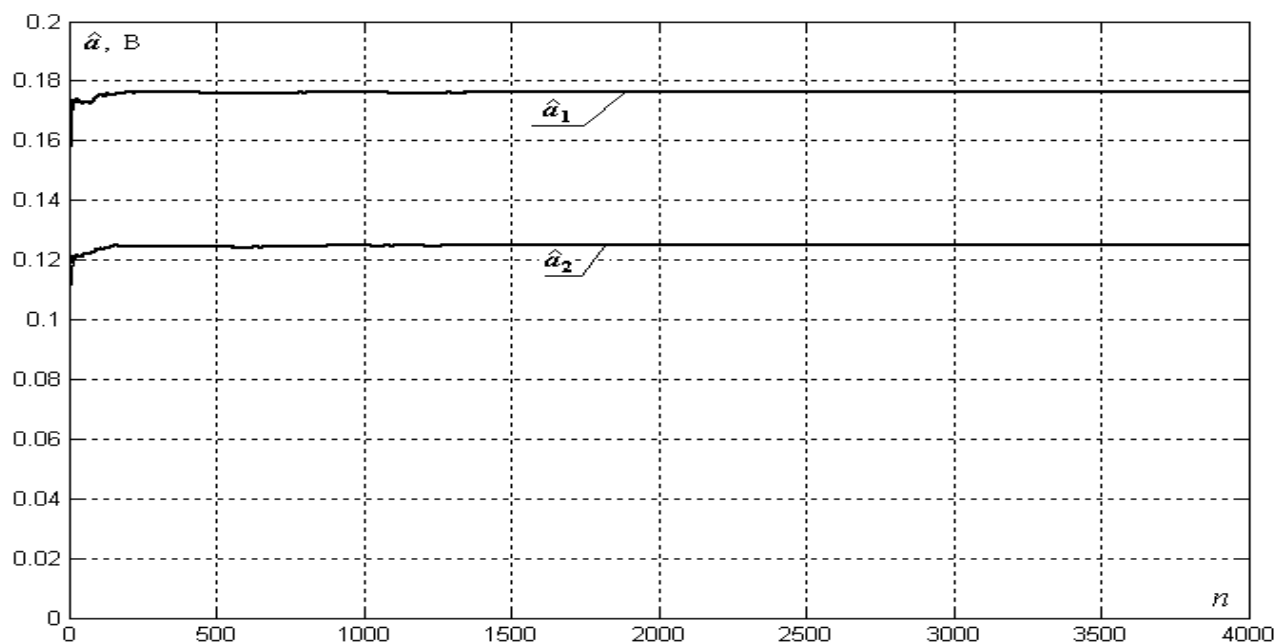


Рисунок 3 - Залежність \hat{a}_1 та \hat{a}_2 від n для випадку застосування СКВ

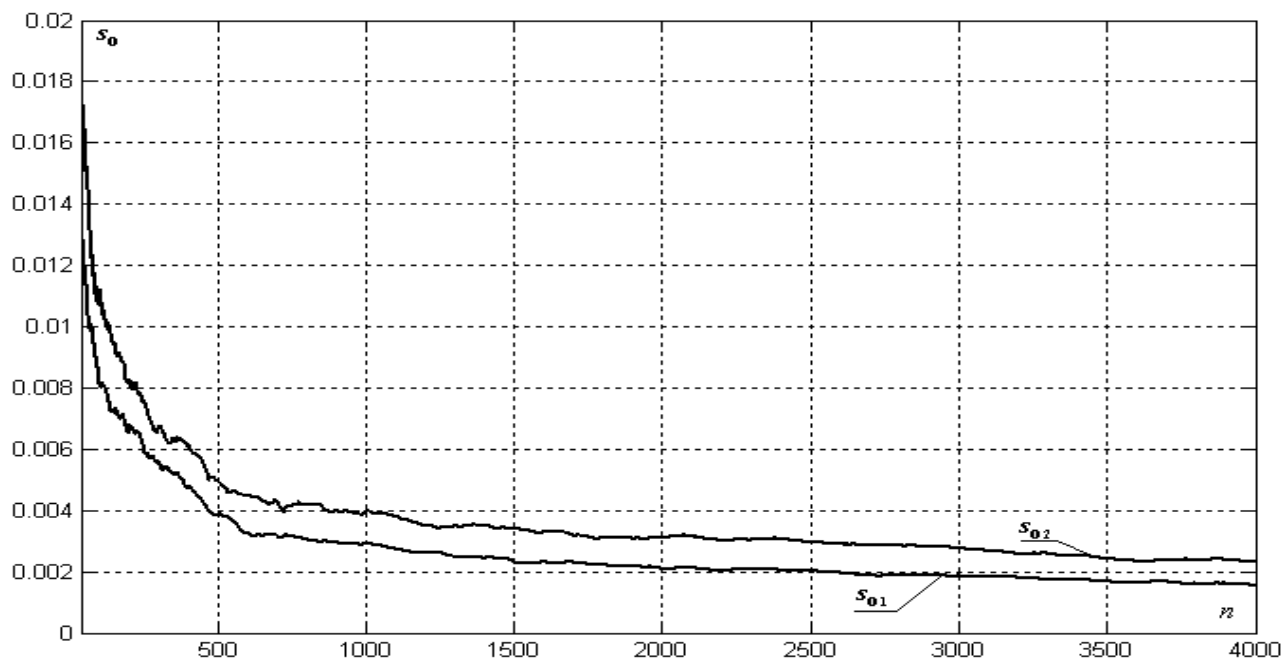


Рисунок 4 - Залежність s_{01} та s_{02} від n для випадку застосування СКВ

Як можна побачити з рис. 3, рис. 4, значення бажаних сигнальних компонент в точці прийняття рішень досить швидко наближаються до своїх істинних значень, що пояснює ефективність застосування СКВ при малих значеннях розміру вибірки. Крім того, СКВ завади в точці прийняття рішень зменшується із зростанням розміру вибірки. Незначна відстань між кривими по осі s_0 (вертикалі) показує незначну нерівність параметрів розподілів.

На рис. 5 та 6 подано залежності для випадку застосування ентропії обчисленої за дисперсією.

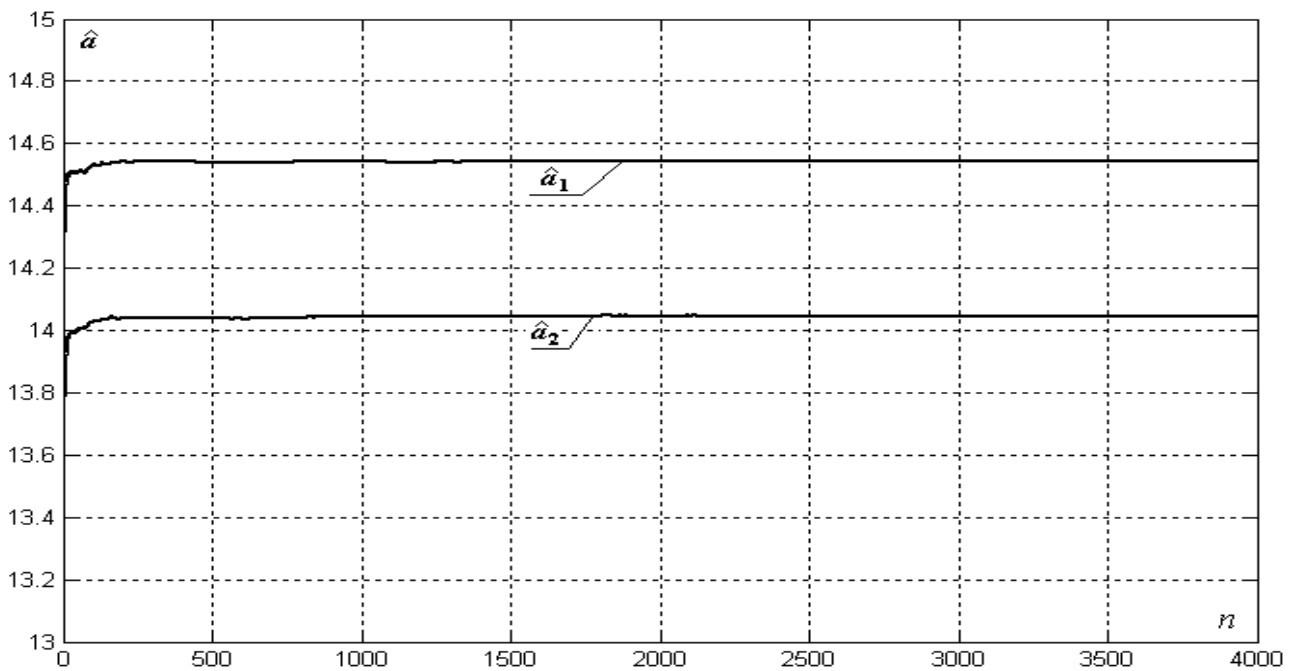


Рисунок 5 - Залежність $\hat{\alpha}_1$ та $\hat{\alpha}_2$ від n ентропії обчислено за дисперсією

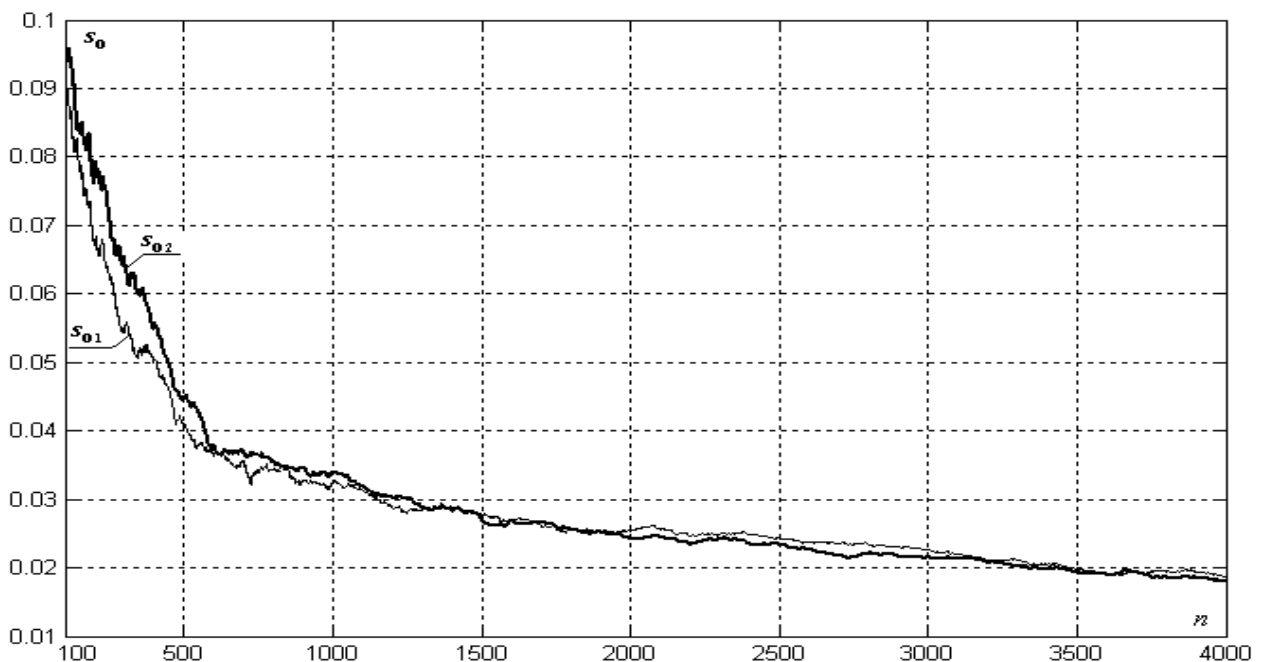


Рисунок 6 - Залежність s_{01} та s_{02} від n для ентропії обчисленої за дисперсією

З поданих рисунків (рис. 5 та рис. 6) можна побачити, що відносна відстань між кривими СКВ заводи в точці прийняття рішень суттєво менша, ніж у випадку застосування СКВ.

На рис. 7 та 8 подано залежності для випадку застосування ентропії за Шенноном в межах кількості відліків до 4000. Ці залежності, також, наведені і у межах до 100000 відліків на рис. 9 та 10.

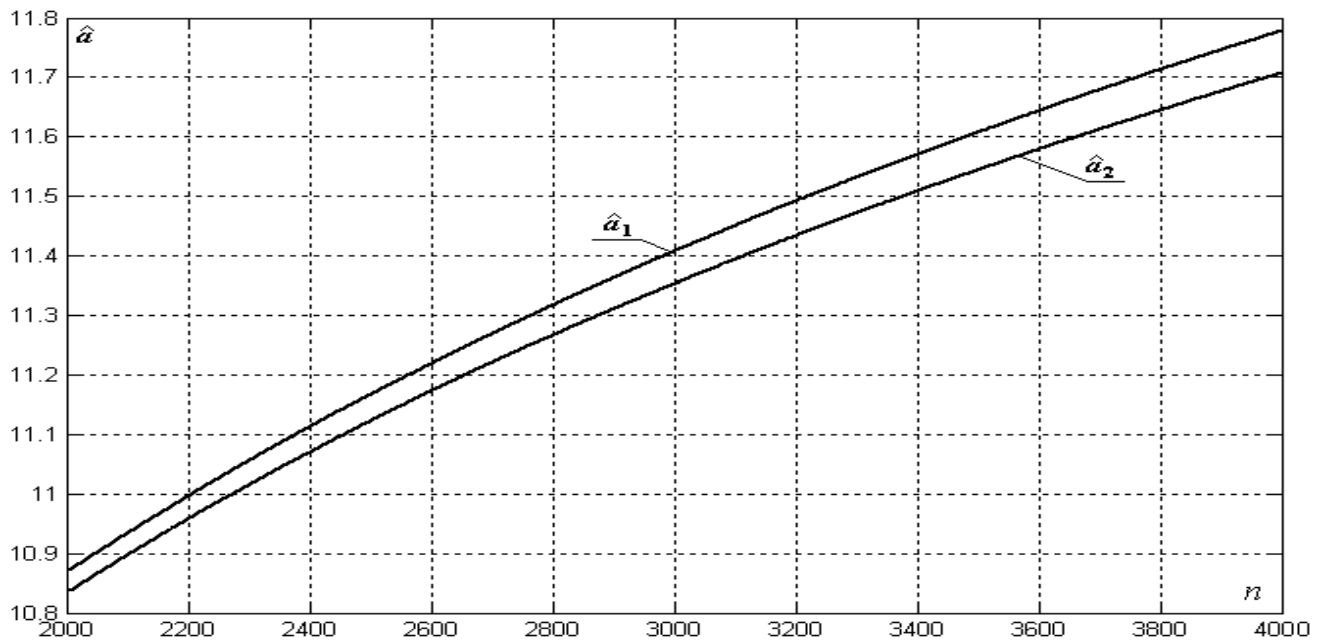


Рисунок 7 - Залежність $\hat{\alpha}_1$ та $\hat{\alpha}_2$ від n для ентропії за формулою Шеннона



Рисунок 8 - Залежність s_{01} та s_{02} від n для ентропії за формулою Шеннона

З рис. 7 та рис. 8 можна побачити, що значення сигнальних компонент в точці прийняття рішень із зростанням кількості відліків наближаються до своїх істинних значень повільніше ніж у випадку використання СКВ чи ентропії вираженої через дисперсію. Відстань між кривими СКВ заводи в точці прийняття рішень менша, ніж для випадку СКВ.

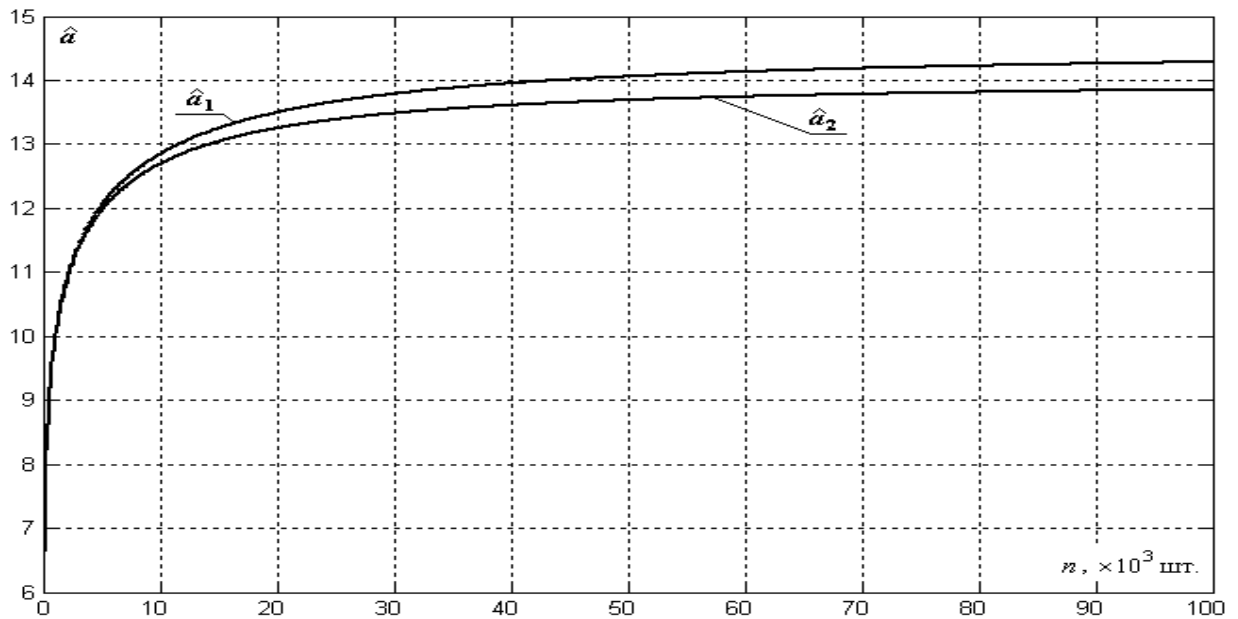


Рисунок 9 - Залежність $\hat{\alpha}_1$ та $\hat{\alpha}_2$ від n для ентропії за Шенноном до 100000 відл.

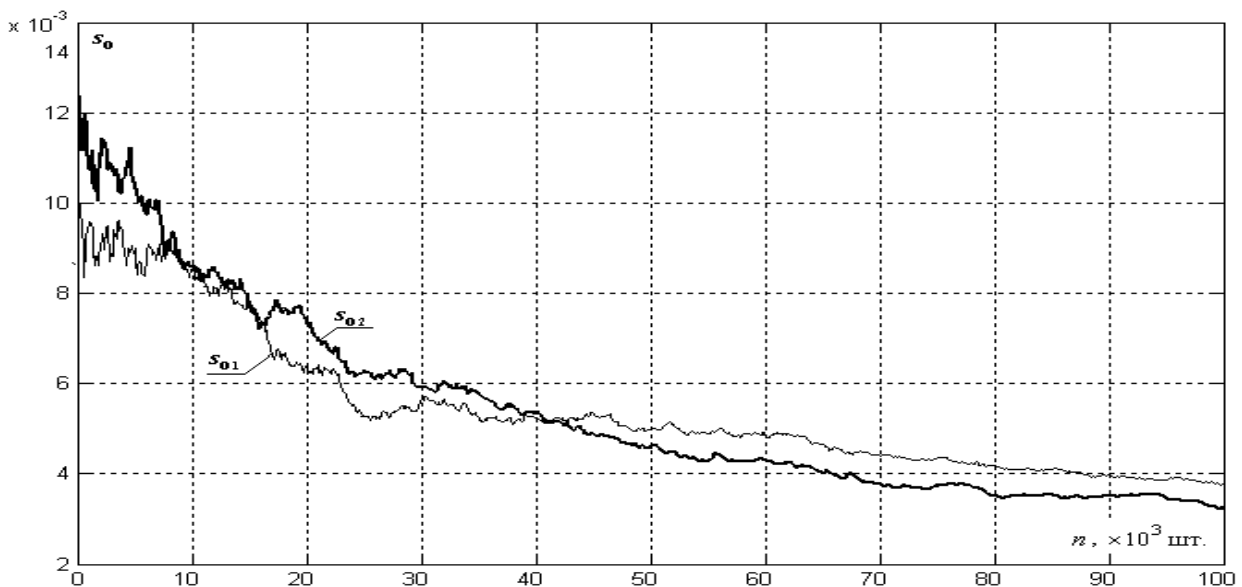


Рисунок 10 - Залежність s_{01} та s_{02} від n для ентропії за Шенноном до 100000 відл.

Висновки

Таким чином, встановлено, що у якості змінної (керованої) ймовірнісної характеристики випадкових сигналів доцільно застосовувати ентропію, а оцінювання її значень проводити за формулою оцінки ентропії обчисленої за дисперсію.

Перспективи подальших досліджень

Основними напрямками подальшого дослідження є вдосконалення процедури оцінювання ентропії, з метою мінімізації помилки, пошук типів сигналів, які забезпечують вищу ефективність демодуляції, розробка ефективних способів демодуляції, зокрема, з врахуванням енергії сигналів, реалізація способу ефективної бітової синхронізації тощо.

Література

1. Скляр Б. Цифровая связь. Теоретические основы и практическое применение / Скляр Бернард. – Изд. 2-е, испр. : Пер. с англ. – М. : Издательский дом "Вильямс", 2003. – 1004 с. : ил. – Парал. тит. англ.
2. Варакин Л. Е. Системы связи с шумоподобными сигналами / Варакин Л. Е. – М.: Радио и связь, 1985. – 384 с.
3. Козленко М. І. Дослідження ефективності використання частотного ресурсу при формуванні широкосмугових сигналів / Козленко М. І. // Наукові вісті. Приватний вищий

- навчальний заклад "Галицька академія". – 2010. – № 1(17). – Івано-Франківськ: Приватний вищий навчальний заклад "Галицька академія", 2010. – С. 32 – 37.
4. Пат. 92915 Україна, МПК(2009) Н04В 1/69. Спосіб передавання та приймання інформації на основі широкосмугових сигналів, що формуються процесами зі змінними імовірнісними характеристиками / Мельничук С. І., Козленко М. І. (Україна). – заявка № а 2008 01274; заявл. 01.02.2008; опубл. 27.12.2010, Бюл. № 24.
5. Козленко М. І. Аналіз сучасного рівня розробки статистичних методів обміну даними на основі шумоподібних сигналів / Козленко М. І., Мельничук С. І. // Наукові вісті Інституту менеджменту та економіки "Галицька академія". – 2006. – № 2(10). – Івано-Франківськ: Інститут менеджменту та економіки "Галицька академія", 2006. – С. 33 – 38.
6. Мельничук С. І. Дослідження статистичних характеристик випадкових сигналів провідникових та радіоканалів обміну даними розподілених систем контролю / Мельничук С. І., Козленко М. І. // Вісник Хмельницького національного університету. – 2005. – № 4. – Частина 1. – Том 2. – Хмельницький: ХНУ, 2005. – С. 62 – 65.
7. Корн Г. Справочник по математике для научных работников и инженеров / Корн Г., Корн Т. – М. : Наука, 1977. – 832 с.