COMPLEMENTO AD UNA NOTA DEL SIG. EMCH.

Nota di **Giulio Giraud** (Torino).

Adunanza del 23 giugno 1907.

Il sig. EMCH, nella sua Nota: *The Configurations of the Points of Inflexion of a Plane Cubic and their Harmonic Polars* [questi Rendiconti, t. XXIII (1° semestre 1907), pp. 251-254], enuncia, come ultimo risultato, che esistono 81 rette ciascuna delle quali contiene un punto d'inflessione e due punti di contatto di tangenti condotte da flessi, e che per ogni punto d'inflessione passano 9 di tali rette. Questo risultato va corretto nel senso che il numero di tali rette è 108 e che per ogni flesso passano 12 rette siffatte.

Infatti, fissiamo un flesso F e consideriamo la retta che lo unisce al punto T di contatto d'una tangente t , uscente da un altro flesso G . Consideriamo l'omologia armonica di centro F che muta in sè la cubica. Da essa il flesso G è mutato in un altro flesso G' e le tangenti da G alla cubica sono mutate in tangenti da G' alla cubica. Ciò accadrà in particolare per la t che sarà mutata in una tangente t' ; il punto T di contatto della t sarà mutato nel punto T' di contatto della t' ; onde la retta FT dovrà passare per T' . Ne viene che, congiungendo ogni flesso con i punti di contatto delle 24 tangenti alla cubica condotte dagli altri flessi e diverse dalle tangenti d'inflessione, le rette che si ottengono contengono sempre un altro di tali punti di contatto, onde tali rette uscenti da un flesso sono precisamente 12, e quindi il numero totale delle rette per un flesso contenenti due punti di contatto di tangenti condotte da altri flessi è 108.

Che d'altronde sia 12 e non 9 il numero di tali rette uscenti da un flesso, onde 108 e non 81 il numero totale di esse, risulta pure dalla tabella posta a pag. 252 della Nota del sig. EMCH. Egli infatti alla fine della pagina 253 dà il gruppo:

$$\begin{array}{lll}
 A_1 & B_5 & D_9 \\
 A_1 & B_6 & D_8 \\
 A_1 & B_8 & D_6 \\
 A_1 & B_9 & D_5 \\
 A_1 & C_5 & C_9 \\
 A_1 & C_2 & D_3 \\
 A_1 & C_3 & D_2 \\
 A_1 & C_4 & D_7 \\
 A_1 & C_7 & D_4
 \end{array}$$

di terne di punti allineati.

Ma dalla tabella risulta che oltre a quelle 9 terne di punti allineati contenenti A_1 si debbono considerare le terne

$$\begin{array}{ccc} A_1 & B_2 & B_3 \\ A_1 & B_4 & B_7 \\ A_1 & C_6 & C_8, \end{array}$$

onde 12 e non 9 sono le rette di cui ci occupiamo uscenti da A_1 e quindi da ogni flesso.

Torino, 13 giugno 1907.

GIULIO GIRAUD.